

ANEXO A. PROGRAMAS DE OPTIMIZACIÓN.

A.1. Introducción.

Los archivos que componen el programa de optimización de primer orden son:

- *Ppal.txt*. Es el archivo principal para la optimización.
- *pe1.dv*. En este archivo se le asigna el valor de las variables de diseño en cada evaluación a las variables de diseño en el modelo.
- *Param.txt*. Aquí se establecen los parámetros del algoritmo de optimización y se realizan las definiciones de algunos vectores.
- *Definicion.txt*. Se establece el estimado inicial para la optimización y los intervalos de las variables de diseño.
- *Restricciones.txt*. En este archivo se establecen las restricciones del problema.
- *Fo.txt*. Aquí se calcula la función objetivo a minimizar.
- *Calcsmax.txt*. En este archivo se busca el máximo del parámetro *s* utilizado para la búsqueda monodimensional (Ecuación 3.4.1). Se busca imponiendo que las variables de diseño se mantengan dentro de su rango de variación.
- *Convergencia.txt*. Este archivo realiza la comparación entre el mínimo de la iteración actual y de la anterior para dar un valor que permita comprobar la convergencia.
- *Forest.txt*. En este archivo se penalizan las restricciones según el método de la penalización interior extendida.
- *Fototal.txt*. Aquí se evalúa la función objetivo penalizada.
- *Gradiente.txt*. En este archivo se calcula el gradiente.
- *Saurea.txt*. En este archivo se realiza la búsqueda monodimensional.

Para el programa de optimización de segundo orden se tiene el mismo esquema de archivos anteriores excepto el *ppal.txt* que pasa a llamarse *ppal2.txt*, además de los siguientes:

- *Calcms.txt*. Calcula la matriz *S* para aplicarla al gradiente según el método de Davidon-Fletcher-Powell.
- *Dirbusq.txt*. Obtiene la dirección de búsqueda usada en la optimización multidimensional.

A.2. Archivos del programa de optimización de primer orden.

A.2.1. Ppal.txt

```
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
!! Archivo principal de la optimización.
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
/CLEAR,START
*get,hora,active,0,time,wall
/input,param,txt
/input,definicion,txt

*do,externo,1,Nmax,1
    /input,convergencia,txt
    *if,dif,le,conv,then
        *exit
    *else
        interno=1
        /input,gradiente,txt
        *if,modgrad,le,tolgrad,then
            *exit
        *else
        *endif
    ! llamada a la función de cálculo de SMAX
        /input,calcsmax,txt
    ! llamada a saurea
        /input,saurea,txt
        *voper,smnDxQ,puntomin,mult,DxQ
        *voper,xmin,x0,add,smnDxQ
/output,estado%externo%%interno%,out
*stat,xmin
*stat,fobj
*stat,smax
/output
    *do,interno,2,Nmax2,1
        /input,convergencia,txt
        *if,dif,le,conv2,then
            *exit
        *else
            *vfun,x0,copy,xmin
    ! llamada al gradiente
        /input,gradiente,txt
        *if,modgrad,le,tolgrad,then
            *exit
        *else
        *endif
    ! llamada a la función de cálculo de SMAX
        /input,calcsmax,txt
    ! llamada a saurea
        /input,saurea,txt
        *voper,smnDxQ,puntomin,mult,DxQ
        *voper,xmin,x0,add,smnDxQ
    *endif
/output,estado%externo%%interno%,out
*stat,xmin
*stat,fobj
*stat,smax
/output
    *enddo
    landa=.1*landa
    epsilon=-Cte*landa**expon
*endif
*enddo
*get,hora2,active,0,time,wall
hora3=(hora2-hora)*60
/output,resultado,out
*status
*STATUS,XMIN
/output
```

A.2.2. Param.txt

```
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
!! Definición de los parámetros de optimización
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
nvd=2          !Número de variables de diseño
nrest=1         !Número de restricciones
Nsaurea=4      !Número máximo de iteraciones en la búsqueda monodimensional
Nmax=5          !Número máximo de actualizaciones del parámetro de
penalización
Nmax2=3          !Número máximo de iteraciones del bucle interno de búsqueda
tolq=1e-4      !Tolerancia en la variable dependiente para la búsqueda
monodimensional
tolab=1e-4      !Tolerancia en la variable independiente para la búsqueda
monodimensional
conv=1e-2        !Tolerancia para la convergencia global
conv2=3e-2       !Tolerancia para la convergencia en el bucle interno de búsqueda

landa=1/100 !Valor inicial del parámetro de penalización

tolgrad=1e-3      !Tolerancia en el gradiente
tolfront=1e-2     !Tolerancia en la frontera

! Otros parámetros de la optimización
Cte=750
expon=.5
eps=1e-2
fmult=1
epsilon=-Cte*londa**expon

*dim,x0,,nvd
*dim,x00,,nvd
*dim,x1,,nvd
*dim,x2,,nvd
*dim,xmin,,nvd
*dim,DxQ,array,nvd
*dim,aDxQ,array,nvd
*dim,bDxQ,array,nvd
*dim,smDxQ,array,nvd
*dim,smnDxQ,array,nvd
*dim,xa,,nvd
*dim,xb,,nvd
*dim,xsmax,,nvd
*dim,xfo,,nvd
*dim,xfo1,,nvd
*dim,restones,,nrest

*dim,desvar0,,nvd
*dim,desvar1,,nvd
*dim,desvar2,,nvd
*dim,x0aux1,,nvd
*dim,x0aux2,,nvd

*dim,difv,,nvd
```

A.2.3. Definición.txt

```
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
!! Definición del estimado inicial
!! y de los intervalos factibles de
!! las variables de diseño
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!

!Estimado inicial
desvar0(1)=8,3

!límites inferiores
desvar1(1)=7.5,1
```

```

!limites superiores
desvar2(1)=15,6

; Se obtiene x0 como una variable de diseño adimensional (entre 0 y 1)
*voper,x0aux1,desvar0,sub,desvar1
*voper,x0aux2,desvar2,sub,desvar1
*voper,x0,x0aux1,div,x0aux2

*do,indxdes,1,nvd
    x1(indxdes)=0
    x2(indxdes)=1
*enddo

*vfun,x00,copy,x0

```

A.2.4. Pe1.dv

```

!!!!!!!!!!!!!!!
!! Definición de las variables de diseño
!!!!!!!!!!!!!
r=xfo(1)*xaux2(1)+desvar0(1)
rcubo=xfo(2)*xaux2(2)+desvar0(2)

```

A.2.5. Fo.txt

```

!!!!!!!!!!!!!!!
!! Evaluación de la función objetivo adimensionalizada
!!!!!!!!!!!!!
/input,modelo,inp
FObj=sdmx1/0.3

```

A.2.6. Restricciones.txt

```

!!!!!!!!!!!!!!!
!! Definición de las restricciones
!!!!!!!!!!!!!
restones(1)=((dejepd-1)*d/2-xfo(1))/4

```

A.2.7. Calesmax.txt

```

!!!!!!!!!!!!!!!
!! Cálculo de Smax (=frontera)
!!!!!!!!!!!!!
*do,binic,1,nvd,1
    *if,DxQ(binic),eq,0,then
    *else
        smmm=(x1(binic)-x0(binic))/DxQ(binic)
        SMM=(x2(binic)-x0(binic))/DxQ(binic)
        *if,smmm,gt,0,then
            frontera=smmm
        *else
            frontera=SMM
        *endif
        *exit
    *endif
*enddo
*do,bact,binic,nvd,1
    *if,DxQ(bact),eq,0,then
    *else
        smmm=(x1(bact)-x0(bact))/DxQ(bact)
        SMM=(x2(bact)-x0(bact))/DxQ(bact)
        *if,smmm,gt,0,then
            *if,smmm,lt,frontera,then
                frontera=smmm
            *endif
        *else
            *if,SMM,lt,frontera,then
                frontera=SMM
            *endif
        *endif
    *endif
*enddo

```

```

        *endif
    *endif
*enddo
frontera=frontera*fmult
*if,frontera,lt,0,then
    frontera=0
*else
*endif

```

A.2.8. Convergencia.txt

```

!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
!! Obtención del valor que se use
!! como comparación en el criterio
!! de convergencia (dif)
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
dif=0
*do,converg,1,nvd,1
    difv(converg)=abs(x0(converg)-xmin(converg))/x0(converg)
*enddo
*vscfun,dif,rms,difv

```

A.2.9. Forest.txt

```

!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
!! Penalización de las restricciones
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
*do,II,1,nrest,1
/output,restones,out,,append
*if,restones(II),le,epsilon,then
restones(II)=-1/restones(II)
*else
restones(II)=-(2*epsilon-restones(II))/epsilon**2
*endif
/output.,
*enddo

```

A.2.10. Fototal.txt

```

!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
!! Generación de la función objetivo penalizada
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
/input,fo,txt
/input,restricciones,txt
/input,forest,txt
ypenal=0
*vscfun,ypenal,sum,restones
/output,penalizacion,out,,append
*stat,ypenal
FObj=FObj+landa*ypenal
/output.,

```

A.2.11. Gradiente.txt

```

!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
!! Obtención del gradiente
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
*vfun,xfo,copy,x0
/input,fototal,txt
qcentro=FObj
*do,bgrad,1,nvd,1
xfo1(bgrad)=x0(bgrad)+eps*(x2(bgrad)-x1(bgrad))
*enddo
*do,bgrad,1,nvd,1
*vfun,xfo,copy,x0
xfo(bgrad)=xfo1(bgrad)
/input,fototal,txt
DxQ(bgrad)=-(Fobj-qcentro)/(eps*(x2(bgrad)-x1(bgrad)))
! Evitar que el gradiente haga que se intente sobrepasar
! un límite del intervalo de una variable de diseño
*if,((x0(bgrad)-x1(bgrad))/(x2(bgrad)-x1(bgrad))),lt,tolfront,then

```

```

*if ,DxQ(bgrad),lt,0,then
  DxQ(bgrad)=0
*else
*endif
*elseif,((x2(bgrad)-x0(bgrad))/(x2(bgrad)-x1(bgrad))),lt,tolfront,then
  *if ,DxQ(bgrad),lt,0,then
    DxQ(bgrad)=0
  *else
  *endif
*else
*endif
*enddo
*vscfun,modgrad,rms,DxQ
*voper,DxQ,DxQ,div,modgrad
/output,gradiente,out,,append
*stat
*stat,Dxq
*stat,x0
/output,

```

A.2.12. Saurea.txt

```

!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
!! Búsqueda monodimensional
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
Au=(1+5**.5)/2
s1=0
puntoa=s1+(frontera-s1)/Au
puntob=s1+(frontera-s1)*(1-1/Au)

/output,SecAurea,out,,append
*voper,aDxQ,puntoa,mult,DxQ
*voper,bDxQ,puntob,mult,DxQ
*voper,smDxQ,frontera,mult,DxQ
*voper,xa,x0,add,aDxQ
*voper,xb,x0,add,bDxQ
*voper,xsmax,x0,add,smDxQ

*vfun,xfo,copy,xa
/input,fototal,txt
Qa=FObj

*vfun,xfo,copy,xb
/input,fototal,txt
Qb=FObj

*vfun,xfo,copy,xsmax
/input,fototal,txt
Qsmax=FObj

*do,bsaurea,1,Nsaurea,1
/output,SecAurea,out,,append

inter=(puntoa-puntob)/frontera
*if ,inter,le,tolab,then
*exit
*else
funcion=abs(Qa-Qb)
*if ,funcion,le,tolq,then
*exit
*else
*if ,Qa,ge,Qb,then
frontera=puntoa
puntoa=puntob
puntob=s1+(frontera-s1)*(1-1/Au)

*voper,aDxQ,puntoa,mult,DxQ
*voper,bDxQ,puntob,mult,DxQ
*voper,smDxQ,frontera,mult,DxQ
*voper,xa,x0,add,aDxQ
*voper,xb,x0,add,bDxQ
*voper,xsmax,x0,add,smDxQ

Qsmax=Qa
Qa=Qb
*vfun,xfo,copy,xb

```

```

/input,fototal.txt
Qb=FObj

*else
s1=puntob
puntob=puntoa
puntoa=s1+(frontera-s1)/Au

*voper,aDxQ,puntoa,mult,DxQ
*voper,bDxQ,puntob,mult,DxQ
*voper,smDxQ,frontera,mult,DxQ
*voper,xa,x0,add,aDxQ
*voper,xb,x0,add,bDxQ
*voper,xsmax,x0,add,smDxQ

Qs1=Qb
Qb=Qa
*vfun,xfo,copy,xa
/input,fototal.txt
Qa=FObj

*endif
*endif
*endif
/output,,
*enddo

! Ajuste de los tres puntos por una parábola
dena=-puntob*puntoa+puntob*frontera+puntoa**2-frontera*puntoa
denb=puntob*puntoa-frontera*puntoa-puntob**2+puntob*frontera
dens=puntob*puntoa-frontera*puntoa+frontera**2-puntob*frontera

! Cálculo analítico del mínimo de la parábola
puntomin=((puntob+frontera)*Qa/dena)-
((puntoa+frontera)*Qb/denb)+((puntoa+puntob)*Qsmax/dens))/((2*Qa/dena)-
(2*Qb/denb)+(2*Qsmax/dens))
*if,puntomin,lt,s1,then
puntomin=puntob
*endif
*if,puntomin,gt,frontera,then
puntomin=frontera
*endif
/output,xmin,out,,append
*stat,xmin
/output,,

```

A.3. Archivos del programa de optimización de primer orden.

Los archivos son los mismos que en el programa de primer orden exceptuando los que se listan a continuación:

A.3.1. Ppal2.txt

```
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
!! Archivo principal de la optimización.
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
/CLEAR,NOSTART
*get,hora,active,0,time,wall
!/output,pel,aut
/input,param,txt
/input,definicion,txt

*do,externo,1,Nmax,1
    /input,convergencia,txt
    *if,dif,le,conv,then
        *exit
    *else
        interno=1
        *if,externo,ne,1,then
        *vfun,x0,copy,xmin      !!!novedad
        *else
        *endif
        /input,gradiente,txt

        *if,modgrad,le,tolgrad,then
            *exit
        *else
        *endif
        /input,dirbusq,txt
! llamada a la función de cálculo de SMAX
    /input,calcsmax,txt
! llamada a saurea
    /input,saurea,txt
    *voper,smnDxQ,puntomin,mult,dbusq
    *voper,xmin,x0,add,smnDxQ
/output,estado%externo%&interno%,out
*stat,xmin
*stat,fobj
*stat,smax
/output
    *vfun,dxq0,copy,dxq
    *do,interno,2,Nmax2,1
        /input,convergencia,txt
        *if,dif,le,conv2,then
            *exit
        *else
            *voper,pk,xmin,sub,x0
            *vfun,x0,copy,xmin
! llamada al gradiente
        /input,gradiente,txt

        *if,modgrad,le,tolgrad,then
            *exit
        *else
        *endif
        *voper,qk,dxq,sub,dxq0
        /input,calcms,txt
        /input,dirbusq,txt
! llamada a la función de cálculo de SMAX
    /input,calcsmax,txt
! llamada a saurea
    /input,saurea,txt
    *voper,smnDxQ,puntomin,mult,dbusq
    *voper,xmin,x0,add,smnDxQ
    /output,evolucion,out,,append
    *stat,xmin
    *stat
```

```

        /output,
        *vfun,dxq0,copy,dxq
      *endif
/output,estado%externo%>interno%,out
*stat,xmin
*stat,fobj
*stat,smax
/output
      *enddo
      landa=.1*landa
      epsilon=-Cte*landa**expon
    *endif
*enddo
*get,hora2,active,0,time,wall
hora3=(hora2-hora)*60
/output,solu,out,,append
*status
*STATUS,XMIN
/output,

```

A.3.2. Param.txt

```

!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
!! Definición de los parámetros de optimización
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
nvd=2          !Número de variables de diseño
nrest=1         !Número de restricciones
Nsaura=4       !Número máximo de iteraciones en la búsqueda monodimensional
Nmax=5          !Número máximo de actualizaciones del parámetro de
penalización
Nmax2=3         !Número máximo de iteraciones del bucle interno de búsqueda
tolq=1e-4      !Tolerancia en la variable dependiente para la búsqueda
monodimensional
tolab=1e-4     !Tolerancia en la variable independiente para la búsqueda
monodimensional
conv=1e-2      !Tolerancia para la convergencia global
conv2=3e-2     !Tolerancia para la convergencia en el bucle interno de búsqueda

landa=1/100 !Valor inicial del parámetro de penalización

tolgrad=1e-3    !Tolerancia en el gradiente
tolfront=1e-2   !Tolerancia en la frontera

! Otros parámetros de la optimización
Cte=750
expon=.5
eps=1e-2
fmult=1
epsilon=-Cte*landa**expon

*dim,x0,,nvd
*dim,x00,,nvd
*dim,x1,,nvd
*dim,x2,,nvd
*dim,xmin,,nvd
*dim,DxQ,array,nvd
*dim,aDxQ,array,nvd
*dim,bDxQ,array,nvd
*dim,smDxQ,array,nvd
*dim,smnDxQ,array,nvd
*dim,xa,,nvd
*dim,xb,,nvd
*dim,xsmax,,nvd
*dim,xfo,,nvd
*dim,xfol,,nvd
*dim,restones,,nrest

*dim,desvar0,,nvd
*dim,desvar1,,nvd
*dim,desvar2,,nvd
*dim,x0aux1,,nvd

```

```

*dim,x0aux2,,nvd
*dim,difv,,nvd

*dim,dbusq,,nvd
*dim,DxQ0,,nvd
*dim,qk,,nvd
*dim,pk,,nvd
*dim,qkt,,1,nvd
*dim,pkt,,1,nvd
*dim,vdaux2,,1,nvd

*dim,mats,,nvd,nvd
*dim,maux1,,nvd,nvd
*dim,maux2,,nvd,nvd
*dim,msuma,,nvd,nvd

! Matriz S inicial (identidad)
*do,indmatest,1,nvd,1
    mats(indmatest,indmatest)=1
*enddo

*dim,daux1,,1
*dim,daux2,,1

```

A.3.3. Calcsmax.txt

```

!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
!! Cálculo de Smax (=frontera)
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
*do,binic,1,nvd,1
    *if,dbusq(binic),eq,0,then
    *else
        smmm=(x1(binic)-x0(binic))/dbusq(binic)
        SMM=(x2(binic)-x0(binic))/dbusq(binic)
        *if,smmm,gt,0,then
            frontera=smmm
        *else
            frontera=SMM
        *endif
        *exit
    *endif
*enddo
*do,bact,binic,nvd,1
    *if,dbusq(bact),eq,0,then
    *else
        smmm=(x1(bact)-x0(bact))/dbusq(bact)
        SMM=(x2(bact)-x0(bact))/dbusq(bact)
        *if,smmm,gt,0,then
            *if,smmm,lt,frontera,then
                frontera=smmm
            *endif
        *else
            *if,SMM,lt,frontera,then
                frontera=SMM
            *endif
        *endif
    *endif
*enddo
frontera=frontera*fmult
*if,frontera,lt,0,then
    frontera=0
*else
*endif

```

A.3.4. Saurea.txt

```

!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
!! Búsqueda monodimensional
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
Au=(1+5**.5)/2
s1=0
puntoa=s1+(frontera-s1)/Au
puntob=s1+(frontera-s1)*(1-1/Au)

```

```

/output,SecAurea,out,,append
*voper,aDxQ,puntoa,mult,dbusq
*voper,bDxQ,puntob,mult,dbusq
*voper,smDxQ,frontera,mult,dbusq
*voper,xa,x0,add,aDxQ
*voper,xb,x0,add,bDxQ
*voper,xsmax,x0,add,smDxQ

*vfun,xfo,copy,xa
/input,fototal,txt
Qa=FObj

*vfun,xfo,copy,xb
/input,fototal,txt
Qb=FObj

*vfun,xfo,copy,xsmax
/input,fototal,txt
Qsmax=FObj

*do,bsaurea,1,Nsaurea,1
/output,SecAurea,out,,append

inter=(puntoa-puntob)/frontera
*if,inter,le,tolab,then
*exit
*else
funcion=abs(Qa-Qb)
*if,funcion,le,tolq,then
*exit
*else
*if,Qa,ge,Qb,then
frontera=puntoa
puntoa=puntob
puntob=s1+(frontera-s1)*(1-1/Au)

*voper,aDxQ,puntoa,mult,dbusq
*voper,bDxQ,puntob,mult,dbusq
*voper,smDxQ,frontera,mult,dbusq
*voper,xa,x0,add,aDxQ
*voper,xb,x0,add,bDxQ
*voper,xsmax,x0,add,smDxQ

Qsmax=Qa
Qa=Qb
*vfun,xfo,copy,xb
/input,fototal,txt
Qb=FObj

*else
s1=puntob
puntob=puntoa
puntoa=s1+(frontera-s1)/Au

*voper,aDxQ,puntoa,mult,dbusq
*voper,bDxQ,puntob,mult,dbusq
*voper,smDxQ,frontera,mult,dbusq
*voper,xa,x0,add,aDxQ
*voper,xb,x0,add,bDxQ
*voper,xsmax,x0,add,smDxQ

Qs1=Qb
Qb=Qa
*vfun,xfo,copy,xa
/input,fototal,txt
Qa=FObj

*endif
*endif
*endif
/output,,
*enddo

! Ajuste de los tres puntos por una parábola
dena=-puntob*puntoa+puntob*frontera+ puntoa**2-frontera*puntoa
denb=puntob*puntoa-frontera*puntoa-puntob**2+puntob*frontera

```

```

dens=puntoB*puntoA-frontera*puntoA+frontera**2-puntoB*frontera

! Cálculo analítico del mínimo de la parábola
puntoMin=((puntoB+frontera)*Qa/dena)-
((puntoA+frontera)*Qb/denb)+((puntoA+puntoB)*Qsmax/dens))/((2*Qa/dena)-
(2*Qb/denb)+(2*Qsmax/dens))
*if,puntoMin,lt,sl,then
puntoMin=puntoB
*endif
*if,puntoMin,gt,frontera,then
puntoMin=frontera
*endif
/output,xmin,out,,append
*stat,xmin
/output,,

```

A.3.5. Dirbusq.txt

```

!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
!! Obtenci de la direcci de bl queda
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!

*moper,dbusq,MatS,mult,DxQ
/output,dirbusqueda,out,,append
*stat
*stat,dxq
*stat,mats
*stat,dbusq
*stat,x0
/output,,
/output,xmin,out
*stat,xmin
*stat,dbusq
/output,,

```

A.3.6. CalcMS.txt

```

!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
!! Cálculo de la matriz S
!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
*mfun,pkt,tran,pk
*mfun,qkt,tran,qk
*moper,maux1,pk,mult,pkt

*moper,daux1,pkt,mult,pk
denaux1=daux1(1)

*voper,maux1,maux1,div,denaux1
*moper,maux2,qk,mult,qkt
*moper,maux2,maux2,mult,mats
*moper,maux2,mats,mult,maux2
*moper,vdaux2,qkt,mult,mats

*moper,daux2,vdaux2,mult,qk
denaux2=daux2(1)

*voper,maux2,maux2,div,denaux2
*voper,msuma,maux1,sub,maux2
*voper,mats,mats,add,msuma

```